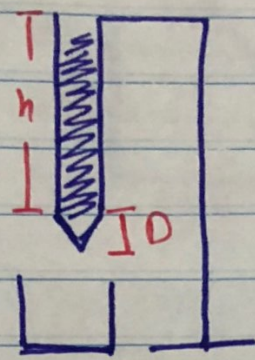


Exp: (8) - half life of Draining water Columns

الهدف : حساب الزمن اللازم لتصل عمية الماء إلى نصف الارتفاع



Note : كلما قل الارتفاع قلت سرعة التناقص

$$\ln h - \ln h_0 = -kT$$

القانون : Decay Constant.

$$-\frac{dh}{dt} \propto h$$

$$-\frac{dh}{dt} = -kh$$

$$\int_{h_0}^h \frac{dh}{h} = \int_0^T kT$$

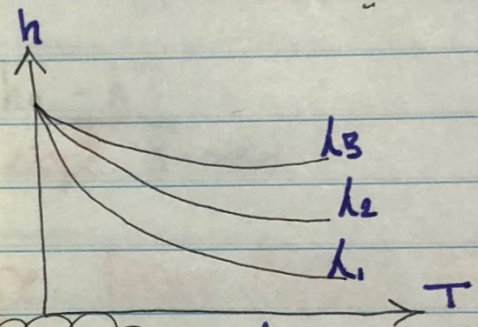
$$\ln h - \ln h_0 = -kT$$

$$= \ln \frac{h}{h_0} = -kT$$

 ياخذنا للخرجين ؟

$$h = e^{-kT} h_0$$

القانون : يتجهل نهاية



Notice that when (k) is large the Decay is faster.

Notice that when (k) is larger (T_{1/2}) is less

at $T = T_{1/2}$
 $h = h_0 / 2$

بالتعويض في القانون النهائي

$$\frac{h_0}{2} = e^{-k T_{1/2}} h_0$$

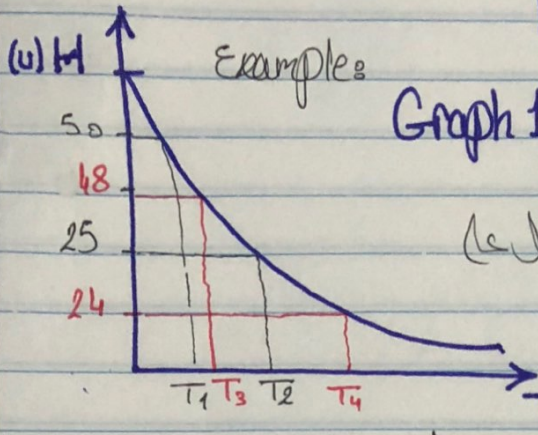
ياخذنا للخرجين :

$$-\ln 2 = -k T_{1/2}$$

$$T_{1/2} = \frac{\ln 2}{k}$$

الزمن النصف ()

شرح للرسم وآلية الحصول على $T_{1/2}$



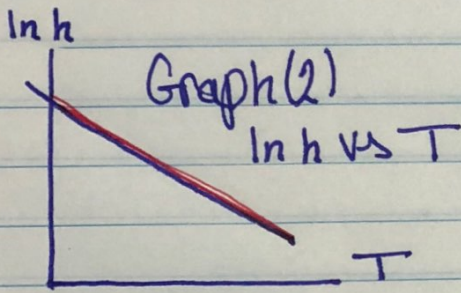
Graph 1 :
h vs T

بما أن $T_{1/2}$ لا يتعدى (h) فإننا نستعمل (h) نفس زمن النصف لهذا أنه خفة الحساب نسبيًا.

$T \text{ at } 50(h) = T_1$
 $T \text{ at } 25(h) = T_2$
 $T_{1/2} = T_1 - T_2$

$T \text{ at } 48(h) = T_3$
 $T \text{ at } 24(h) = T_4$
 $T_{1/2} = T_3 - T_4$

تجرباً العملية هذه لعدد من المرار - تأخذ عدل $T_{1/2}$ ونسبة الخطأ فيها σ_m
 $T_{1/2} \neq \sigma_m$



بالعودة إلى القانون (1)

$$\ln h = \ln h_0 - kT$$

$\ln h$ y-axis slope \bar{x} -axis

so after we got the slope from Graph (2) = -k

$$T_{1/2} = \frac{\ln 2}{k}$$

we can get $T_{1/2}$ and compare it with $T_{1/2}$ from graph 1 By...

Discrepancy : $\left| \underline{T_{1/2}} - \underline{T_{1/2}} \right| \leq 2 \sigma_m$
 Graph 2 Graph 1

Notes: $h_0 = h + D(h)$ Example: 50 unit \rightarrow 55 cm \rightarrow ^{خطأ} _{الاتجاه} ^{بالخطأ}
 1 1 unit \rightarrow 13 cm